

Institutt for samfunnsøkonomi

## Eksamensoppgave i FIN3006 – Anvendt tidsserieøkonometri

**Faglig kontakt under eksamen: Gunnar Bårdsen**

**Tlf.: 73 59 19 38**

**Eksamensdato:** 18. desember 2017

**Eksamenstid (fra-til):** 6 timer (09.00-15.00)

**Sensurdato:** 18. januar 2018

**Hjelpemiddelkode/Tillatte hjelpemidler:** C /Flg formelsamling: Knut Sydsæter, Arne Strøm og Peter Berck (2006): Matematisk formelsamling for økonomer, 4utg. Gyldendal akademiske. Knut Sydsæter, Arne Strøm, og Peter Berck (2005): Economists' mathematical manual, Berlin. Calculator Casio fx-82ES PLUS, Casio fx-82EX Citizen SR-270x, SR-270X College eller HP 30S.

**Målform/språk:** Bokmål

**Antall sider (uten forside):** 2

**Antall sider vedlegg:** 1 tabell

**Informasjon om trykking av eksamensoppgave**

Originalen er:

1-sidig  2-sidig

sort/hvit  farger

skal ha flervalgskjema

**Kontrollert av:**

\_\_\_\_\_  
Dato

\_\_\_\_\_  
Sign

## Bokmål

1. Forklar følgende begreper:
  - a. Forventningsretthet (“unbiasedness”).
  - b. Effisiens (“efficiency”).
  - c. Konsistens (“consistency”).
  - d. Svak stasjonaritet (“weak stationarity”).
  - e. Streng/sterk stasjonaritet (“strong stationarity”).

2. Variabelen  $y$  er generert av

$$y_t = a_0 + a_1 y_{t-1} + \varepsilon_t, \quad \varepsilon_t \sim N(0, \sigma^2), \quad y_0 = 0,$$

- a. Finn forventningen når  $|a_1| < 1$ .
- b. Hva er prognosen for  $y_{t+3}$  når  $|a_1| < 1$ ?
- c. Hva er den langsiktige prognosen når prognosehorisonten går mot uendelig?
- d. Finn forventningen når  $a_1 = 1$ .
- e. Hva er prognosen for  $y_{t+3}$  når  $a_1 = 1$ ?

3. Forklar Diebold-Mariano testen.

4. I denne oppgaven er de to variablene  $y_1$  og  $y_2$  generert av

$$\begin{pmatrix} 1 & b_{12} \\ b_{21} & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} y_{1,t} \\ y_{2,t} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} b_{10} \\ b_{20} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \gamma_{11} & \gamma_{12} \\ \gamma_{21} & \gamma_{22} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} y_{1,t-1} \\ y_{2,t-1} \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} \varepsilon_{1t} \\ \varepsilon_{2t} \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} \varepsilon_{1,t} \\ \varepsilon_{2,t} \end{pmatrix} \sim NIID \left( \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} \sigma_{11} & 0 \\ 0 & \sigma_{22} \end{pmatrix} \right),$$

- a. der  $\sigma_{11}$  og  $\sigma_{22}$  er varianser. Gå ut fra at begge variablene er stasjonære.
- b. Beskriv en test av at  $y_2$  forårsaker  $y_1$ .
- c. Utled impulsresponsfunksjonene.
- d. Hva er impulsresponsene for periode 2?
- e. Si at du bare ville estimere den første ligningen. Utled og forklar betingelsen for at  $y_{2t}$  er svakt eksogen for  $b_{12}$ .

## 5. Du estimerer modellen (standardfeil i parantes)

$$M1: \hat{y}_t = 0.0288527$$

(0.009590)

$$\hat{\sigma}_t^2 = 0.0283134 + 0.116040\hat{u}_{t-1}^2 + 0.599129\hat{\sigma}_{t-1}^2$$

(0.01143)                      (0.03685)                      (0.1349)

Ant. obs.=1000, Log-likelihood=-252.49859, SC= 0.53263, AIC=0.51300.

a. Tolk resultatene i lys av den underliggende teoretiske modellen.

Deretter estimerer du modellen

$$M2: \hat{y}_t = -0.0590498 + 0.918434\hat{\sigma}_t^2$$

(0.0561)                      (1.444)

$$\hat{\sigma}_t^2 = 0.0291117 + 0.111509\hat{u}_{t-1}^2 + 0.593799\hat{\sigma}_{t-1}^2$$

(0.01450)                      (0.03363)                      (0.1629)

Ant. obs.=1000, Log-likelihood -250.84081, SC= 0.53622, AIC= 0.51168.

b. Tolk resultatene i lys av den underliggende teoretiske modellen.

Deretter estimerer du modellen

$$M3: \hat{y}_t = 0.0269033$$

(0.009772)

$$\hat{\sigma}_t^2 = 0.0258900 + 0.0825511\hat{u}_{t-1}^2 + 0.626308\hat{\sigma}_{t-1}^2 + 0.0630188\hat{u}_{t-1}^2 I_{t-1}$$

(0.01190)                      (0.03619)                      (0.1380)                      (0.04996)

$I_{t-1} = 1$  når  $u_{t-1} < 0$  og 0 ellers.

Ant. obs.=1000, Log-likelihood= -251.58781, SC= 0.53771, AIC= 0.51318.

c. Tolk resultatene i lys av den underliggende teoretiske modellen.

d. Hvilken modell velger du? Begrunn svaret.