

Institutt for samfunnsøkonomi

## Eksamensoppgave i FIN3006 – Anvendt tidsserieøkonometri

**Faglig kontakt under eksamen: Gunnar Bårdsen**

**Tlf.: 73 59 19 38**

**Eksamensdato:** 2. juni 2017  
**Eksamenstid (fra-til):** 6 timer (09.00-15.00)  
**Sensurdato:** 26. juni 2017

**Hjelpemiddelkode/Tillatte hjelpemidler:** C /Flg formelsamling: Knut Sydsæter, Arne Strøm og Peter Berck (2006): Matematisk formelsamling for økonomer, 4utg. Gyldendal akademiske. Knut Sydsæter, Arne Strøm, og Peter Berck (2005): Economists' mathematical manual, Berlin.  
Calculator Casio fx-82ES PLUS, Casio fx-82EX Citizen SR-270x, SR-270X College eller HP 30S.

**Målform/språk:** Norsk og engelsk  
**Antall sider (uten forside):** 4  
**Antall sider vedlegg:** 0

<b>Informasjon om trykking av eksamensoppgave</b>	
<b>Originalen er:</b>	
<b>1-sidig</b> <input type="checkbox"/>	<b>2-sidig</b> <input type="checkbox"/>
<b>sort/hvit</b> <input type="checkbox"/>	<b>farger</b> <input type="checkbox"/>
<b>skal ha flervalgskjema</b> <input type="checkbox"/>	

**Kontrollert av:**

\_\_\_\_\_  
Dato

\_\_\_\_\_  
Sign

1. Forklar følgende egenskaper ved estimatorer:
  - a. Forventningsretthet.
  - b. Effisiens.
  - c. Konsistens.
2. La  $e_{1t}$  og  $e_{2t}$  være to hvit støy prosesser. La videre  $x_{1t}$  og  $x_{2t}$  være to serier generert av modellen

$$\begin{aligned}x_{1t} - \beta x_{2t} &= u_{1t}, & u_{1t} &= u_{1t-1} + e_{1t} \\x_{1t} - \alpha x_{2t} &= u_{2t}, & u_{2t} &= \rho u_{2t-1} + e_{2t}, & |\rho| < 1\end{aligned}$$

- a. Utled prosessene for  $x_{1t}$  og  $x_{2t}$  og beskriv tidsserieegenskapene deres.
- b. Hvordan kan vi teste tidsserieegenskapene til  $x_{1t}$  og  $x_{2t}$  ?
- c. Hvordan kan vi teste om det er en langsiktig sammenheng mellom  $x_{1t}$  og  $x_{2t}$  ?
- d. Utled "Likevektskorrigeringsrepresentasjonen" for  $\Delta x_{1t}$  ---med andre ord, finn funksjonsformen til

$$\Delta x_{1t} = f(\Delta x_{2t}, (x_{1t} - \alpha x_{2t})_{t-1}, e_{2t}).$$

3. La modellen være

$$\begin{aligned}y_t &= a_0 + a_1 x_t + \varepsilon_t \\ \varepsilon_t &= v_t \sqrt{h_t}, \quad v_t \sim iid(0,1) \\ h_t &= \alpha_0 + \alpha_1 \varepsilon_{t-1}^2 + \beta_1 h_{t-1}, \quad \alpha_0 > 0, (\alpha_1 + \beta_1) < 1\end{aligned}$$

- a. Forklar modellen.
- b. Utled
  - i.  $E_{t-1} \varepsilon_t$
  - ii.  $E \varepsilon_t$
  - iii.  $E_{t-1} \varepsilon_t^2$
  - iv.  $E \varepsilon_t^2$
- c. Du estimerer modellen og får resultatene

$$\begin{aligned}\hat{y}_t &= -0.0107069 + 0.0514338 x_t \\ &\quad (0.01499) \quad (0.03389) \\ \hat{h}_t &= 0.040662 + 0.525646 \hat{\varepsilon}_{t-1}^2 + 0.477716 \hat{h}_{t-1} \\ &\quad (0.007666) \quad (0.05919) \quad (0.04070) \\ T &= 999, \text{Log - likelihood} = -968.02298.\end{aligned}$$

Tolk resultatene.

- d. Hvilken konsekvens har resultatene for svarene i b. Ovenfor?
- e. Foreslå en alternativ spesifikasjon.

4. Anta nå at vi har to variable

$$\mathbf{y}_t = (y_1 \quad y_2)'_t$$

med feilprosesser

$$\boldsymbol{\varepsilon}_t = \begin{pmatrix} \varepsilon_1 \\ \varepsilon_2 \end{pmatrix}_t = \begin{pmatrix} \nu_{1,t} \sqrt{h_{11,t}} \\ \nu_{2,t} \sqrt{h_{22,t}} \end{pmatrix}$$

der

$$\text{var}(\nu_{1,t}) = \text{var}(\nu_{2,t}) = 1,$$

og hvor

$$h_{12,t} = E_{t-1} \varepsilon_{1,t} \varepsilon_{2,t}.$$

- a. Utled den diagonale *vech* modellen for de betingede variansene og kovariansen.
- b. Hva er restriksjonene på parametrene når modellen skal estimeres?

Engelsk

1. Explain the following properties of estimators:
  - a. Unbiasedness.
  - b. Efficiency.
  - c. Consistency.
2. Let  $e_{1t}$  and  $e_{2t}$  be two white noise processes. Let further  $x_{1t}$  and  $x_{2t}$  be two series generated by the model

$$\begin{aligned}x_{1t} - \beta x_{2t} &= u_{1t}, & u_{1t} &= u_{1t-1} + e_{1t} \\x_{1t} - \alpha x_{2t} &= u_{2t}, & u_{2t} &= \rho u_{2t-1} + e_{2t}, \quad |\rho| < 1\end{aligned}$$

- a. Derive the processes for  $x_{1t}$  and  $x_{2t}$  and describe their time series properties.
- b. How can we test the time series properties of  $x_{1t}$  and  $x_{2t}$  ?
- c. How can we test if there is a long-run relationship between  $x_{1t}$  and  $x_{2t}$  ?
- d. Derive the “Equilibrium Correction representation” for  $\Delta x_{1t}$  ---in other words, find the functional form of

$$\Delta x_{1t} = f(\Delta x_{2t}, (x_{1t} - \alpha x_{2t})_{t-1}, e_{2t}).$$

3. Let the model be

$$\begin{aligned}y_t &= a_0 + a_1 x_t + \varepsilon_t \\ \varepsilon_t &= v_t \sqrt{h_t}, \quad v_t \sim iid(0,1) \\ h_t &= \alpha_0 + \alpha_1 \varepsilon_{t-1}^2 + \beta_1 h_{t-1}, \quad \alpha_0 > 0, (\alpha_1 + \beta_1) < 1\end{aligned}$$

- a. Explain the model.
- b. Derive
  - i.  $E_{t-1} \varepsilon_t$
  - ii.  $E \varepsilon_t$
  - iii.  $E_{t-1} \varepsilon_t^2$
  - iv.  $E \varepsilon_t^2$
- c. You estimate the model and get the results

$$\begin{aligned}\hat{y}_t &= \underset{(0.01499)}{-0.0107069} + \underset{(0.03389)}{0.0514338} x_t \\ \hat{h}_t &= \underset{(0.007666)}{0.040662} + \underset{(0.05919)}{0.525646} \hat{\varepsilon}_{t-1}^2 + \underset{(0.04070)}{0.477716} \hat{h}_{t-1} \\ T &= 999, \text{Log-likelihood} = -968.02298.\end{aligned}$$

Interpret the results.

- d. What are the consequences of the results for the answers in b. above?
- e. Propose an alternative specification.

4. Assume we now have two variables

$$\mathbf{y}_t = (y_1 \quad y_2)'_t$$

with error processes

$$\boldsymbol{\varepsilon}_t = \begin{pmatrix} \varepsilon_1 \\ \varepsilon_2 \end{pmatrix}_t = \begin{pmatrix} \nu_{1,t} \sqrt{h_{11,t}} \\ \nu_{2,t} \sqrt{h_{22,t}} \end{pmatrix}$$

where

$$\text{var}(\nu_{1,t}) = \text{var}(\nu_{2,t}) = 1,$$

and where

$$h_{12,t} = E_{t-1} \varepsilon_{1,t} \varepsilon_{2,t}.$$

- a. Derive the diagonal *vech* model for the conditional variances and covariance.
- b. What are the restrictions on the parameters when the model is to be estimated?