



Norges teknisk-naturvitenskapelige universitet  
Institutt for samfunnsøkonomi

## EKSAMENSOPPGAVE I FIN3005

### MAKROFINANS

Faglig kontakt under eksamen: Egil Matsen

Tlf.: 9 78 52

**Eksamensdato:** Fredag 2. desember 2011

**Eksamenssted:** Dragvoll

**Eksamensstid:** 4 timer

**Studiepoeng:** 7,5

**Tillatte hjelpebidler:** Flg formelsamling: Knut Sydsæter, Arne Strøm og Peter Berck (2006): Matematisk formelsamling for økonomer, 4utg. Gyldendal akademiske. Knut Sydsæter, Arne Strøm, og Peter Berck (2005): Economists' mathematical manual, Berlin.  
Enkel kalkulator Citizen SR-270x el. HP 30S.

**Sensur:** 23. desember 2011

Antall sider norsk: 2

Antall sider engelsk: 2

## FIN 3005 Makrofinans (Asset pricing)

Eksamens høst 2011

### Norsk

Eksamens består av to oppgaver som teller likt ved sensur.

#### Oppgave 1

- a) Start med den grunnleggende verdettingsligningen  $p_i = E[mx_i]$ , hvor  $p_i$  er prisen på aktivum  $i$ ,  $m$  er den stokastiske diskonteringsfaktoren og  $x_i$  er kontantstrømmen for  $i$ . Bruk kovariansidentiteten og utled følgende uttrykk:

$$E[R_i - R_f] = -\frac{\text{cov}(m, R_i)}{E[m]},$$

hvor  $R_i$  er avkastningen på  $i$ , og  $R_f$  er den risikofrie renta. Gi en tolkning av dette uttrykket.

- b) Finn Sharpe-brøken for aktivum  $i$  som en funksjon av  $\rho_{im}$  (korrelasjonen mellom  $i$  og  $m$ ),  $\sigma_m$  (standardavviket til  $m$ ) og  $E[m]$ . For gitt  $\sigma_m$  og  $E[m]$ , når er Sharpe-brøken størst?
- c) Hvis en representativ investors nyttefunksjon avhenger av konsumet, hva er sammenhengen mellom avkastningen på aktivum  $i$  og konsumet?

#### Oppgave 2

Se på en investor med et minstenivå på konsumet,  $X$ , som han/hun ikke er villig til å havne under. (Dette kan også betraktes som en investor med lånefinansiering og som må tilbakebetale beløpet  $X$ .) Investoren har nyttefunksjonen:

$$u(c) = \frac{(c - X)^{1-\gamma}}{1 - \gamma}.$$

- a) Plott nyttefunksjonen i en figur.
- b) Finn risikoaversjonskoeffisienten  $-\frac{cu''(c)}{u'(c)}$  for denne investoren. (Forsøk å komme fram til en "pen" formel som viser hvordan  $\gamma$  justeres av forholdet  $c/X$ .)

- c) Hvordan påvirkes investors risikoaversjon hvis han/hun går på et tap som gjør at  $c$  antakelig vil falle mye nærmere  $X$ ?
- d) Hvordan kan lånefinansiering eller minstenivå på konsumet være med på å forklare det kraftige fallet i aksjekursene høsten 2008?

### English

The exam consists of two problems that carry equal weight in grading.

#### **Problem 1**

- a) Start with the basic asset pricing equation  $p_i = E[mx_i]$ , where  $p_i$  is the price of asset  $i$ ,  $m$  is the stochastic discount factor, and  $x_i$  is the cash-flow of asset  $i$ . Use the covariance identity to derive the following expression:

$$E[R_i - R_f] = -\frac{\text{cov}(m, R_i)}{E[m]},$$

where  $R_i$  is the return on  $i$  and  $R_f$  is the risk-free interest rate. Give an interpretation of this expression.

- b) Find the Sharpe-ratio for asset  $i$  as a function of  $\rho_{im}$  (the correlation between  $i$  and  $m$ ),  $\sigma_m$  (the standard deviation of  $m$ ) and  $E[m]$ . Given  $\sigma_m$  and  $E[m]$ , when is the Sharpe-ratio at its maximum?
- c) If the utility function of a representative investor depends on consumption, what is the connection between the return on asset  $i$  and consumption?

#### **Problem 2**

Consider an investor with a backstop level of consumption,  $X$ , that he/she is not willing to risk, no matter what. (Equivalently, the investor may be leveraged and must pay back an amount  $X$ .) The utility function of the investor is

$$u(c) = \frac{(c - X)^{1-\gamma}}{1 - \gamma}.$$

- a) Plot this utility function.

- b) What is the risk aversion coefficient  $-\frac{cu''(c)}{u'(c)}$  for this investor? (Try to make your formula “pretty”, showing how  $\gamma$  is modified by the ratio  $c/X$ .)
- c) If this investor has a loss, so that it is likely  $c$  will be much closer to  $X$ , does this make him/her more or less risk averse?
- d) How might leverage or backstop commitments help explain the sharp drop in stock prices in the fall of 2008?