

Institutt for samfunnsøkonomi

## **Eksamensoppgave i SØK2103 – Økonomiske perspektiver på politiske beslutninger**

**Faglig kontakt under eksamen: Fredrik Carlsen**

**Tlf.: 73 59 19 31**

**Eksamensdato:** 10. desember 2013

**Eksamensstid:** 4 timer (09.00-13.00)

**Sensurdato:** 10. januar 2014

**Tillatte hjelpemidler:** Flg formelsamling: Knut Sydsæter, Arne Strøm og Peter Berck (2006): Matematisk formelsamling for økonomer, 4utg. Gyldendal akademiske. Knut Sydsæter, Arne Strøm, og Peter Berck (2005): Economists' mathematical manual, Berlin.  
Enkel kalkulator Citizen SR-270x, HP 30S eller SR-270X College

**Annен informasjon:** Eksamensoppgaven består av 3 oppgaver med delspørsmål som alle skal besvares.

**Målform/språk:** Bokmål og nynorsk

**Antall sider:** 3 (inkl. forside)

**Antall sider vedlegg:** 0

Deloppgavene teller likt.

### Oppgave 1

En økonomi består av 2 individer med inntekt (målt i kroner)  $Y_1$  og  $Y_2$ , og nyttefunksjoner,  $U_1(X_1, G)$  og  $U_2(X_2, G)$ , hvor  $X_i$  er konsum av et privat gode (målt i kroner) for individ  $i$ ,  $i = 1, 2$ .  $G$  er konsum (målt i kroner) av et kollektivt gode.  $t$  er andelen av  $G$  som finansieres av individ 1, mens  $(1-t)$  er andelen som finansieres av individ 2.

Finn Lindahl-likevekten ( $G$  og  $t$ ) når  $U_1(X_1, G) = X_1^{a_1} G^{b_1}$  og  $U_2(X_2, G) = X_2^{a_2} G^{b_2}$ , hvor  $a_1, b_1, a_2$  og  $b_2$  er positive konstanter. Forklar intuisjonen bak sammenhengen mellom  $G$  og parameterne i modellen (inntektene til individene og konstantene i nyttefunksjonene).

### Oppgave 2

Svar kort og ikke-matematisk på følgende spørsmål:

- a) Hva er en Lindahl-likevekt?
- b) Hvilke forutsetninger bygger Hotelling-Downs modellen på?
- c) Hva sier medianvelger-teoremet?
- d) Hva sier Coase-teoremet?
- e) Hvilken forutsetning gjorde William Niskanen om offentlige institusjoners mål?
- f) Hva er hovedkonklusjonen i Buchanan og Tullocks modell for beslutningsregler?

### Oppgave 3

Et land har  $n$  innbyggere. Innbyggerne har samme nyttefunksjon:  $U_i(Y_i) = \ln(Y_i)$ , hvor  $Y_i$  er innbygger  $i$  sin inntekt,  $i = 1, n$ . To partier konkurrerer om å vinne neste valg, parti 1 og parti 2. Sannsynligheten for at velger  $i$  stemmer på parti 1,  $\pi_i$ , er gitt ved:  $\pi_i = U_{1i} - U_{2i} + 0.5$ .  $U_{1i}$  er nytten til velger  $i$  hvis parti 1 vinner valget, og  $U_{2i}$  er nytten til velger  $i$  hvis parti 2 vinner valget.

Før valget utformer hvert parti en politisk plattform som gjennomføres hvis partiet vinner valget. Plattformen til parti 1 består av et sett inntekter,  $Y_{1i}$ ,  $i = 1, n$ , hvor  $Y_{1i}$  er velger  $i$  sin inntekt. Plattformen til parti 2 består av inntektene,  $Y_{2i}$ ,  $i = 1, n$ , hvor  $Y_{2i}$  er velger  $i$  sin inntekt. Begge partier har som mål å maksimere forventet antall stemmer.  $Y$  er total inntekt i landet.

Hvilke plattformer vil partiene gå til valg på? Hvordan blir inntektsfordelingen etter valget? Vil inntektsfordelingen etter valget være Pareto-optimal?

Deloppgåvrene teller likt.

### Oppgave 1

En økonomi består av 2 individ med inntekt (målt i kroner)  $Y_1$  og  $Y_2$ , og nyttefunksjoner,  $U_1(X_1, G)$  og  $U_2(X_2, G)$ , kor  $X_i$  er konsum av et privat gode (målt i kroner) for individ  $i$ ,  $i = 1, 2$ .  $G$  er konsum (målt i kroner) av et kollektivt gode.  $t$  er andelen av  $G$  som finansieras av individ 1, mens  $(1-t)$  er andelen som finansieras av individ 2.

Finn Lindahl-likevekta ( $G$  og  $t$ ) når  $U_1(X_1, G) = X_1^{a_1} G^{b_1}$  og  $U_2(X_2, G) = X_2^{a_2} G^{b_2}$ , kor  $a_1, b_1, a_2$  og  $b_2$  er positive konstantar. Forklar intuisjonen bak samanhengen mellom  $G$  og parameterane i modellen (inntektene til individene og konstantane i nyttefunksjonane).

### Oppgave 2

Svar kort og ikkje-matematisk på følgjene spørsmål:

- a) Kva er en Lindahl-likevekt?
- b) Kva føresetnader bygger Hotelling-Downs modellen på?
- c) Kva seier medianvelger-teoremet?
- d) Kva seier Coase-teoremet?
- e) Kva føresetnader gjorde William Niskanen om offentlige institusjonars mål?
- f) Kva er hovedkonklusjonen i Buchanan og Tullock sin modell for avgjerdreglar?

### Oppgave 3

Et land har  $n$  innbyggjarar. Innbyggjarane har same nyttefunksjon:  $U_i(Y_i) = \ln(Y_i)$ , kor  $Y_i$  er innbyggjar i sin inntekt,  $i = 1, n$ . To parti konkurrerer om å vinne neste val, parti 1 og parti 2. Sannsynet for at velger  $i$  stemmer på parti 1,  $\pi_i$ , er gitt ved:  $\pi_i = U_{1i} - U_{2i} + 0.5$ .  $U_{1i}$  er nytten til velger  $i$  dersom parti 1 vinner valget, og  $U_{2i}$  er nytten til velger  $i$  hvis parti 2 vinner valget.

Før valet utformer hvert parti en politisk plattform som gjennomføres hvis partiet vinner valet. Plattforma til parti 1 består av et sett inntekter,  $Y_{1i}$ ,  $i = 1, n$ , kor  $Y_{1i}$  er velger  $i$  sin inntekt. Plattforma til parti 2 består av inntektene,  $Y_{2i}$ ,  $i = 1, n$ , kor  $Y_{2i}$  er velger  $i$  sin inntekt. Begge parti har som mål å maksimere forventa antall stemmer.  $Y$  er total inntekt i landet.

Kva plattformer vil partia gå til val på? Korleis blir inntektsfordelinga etter valet? Vil inntektsfordelinga etter valet være Pareto-optimal?